

中2~第44回直角三角形の合同証明②~

氏名:

解答・解説

例1 次の図は、 $AB=AC$ の二等辺三角形 ABC で、頂点 B から辺 AC に垂線をひき、その交点を D 、また、頂点 C から辺 AB に垂線をひき、その交点を E とします。このとき、 $AD=AE$ になることを証明しなさい。

$\triangle ABD \equiv \triangle ACE$ を証明する!

(証明) $\triangle ABD$ と $\triangle ACE$ において、

仮定より $AB=AC \dots ①$

$\angle ADB = \angle AEC = 90^\circ \dots ②$

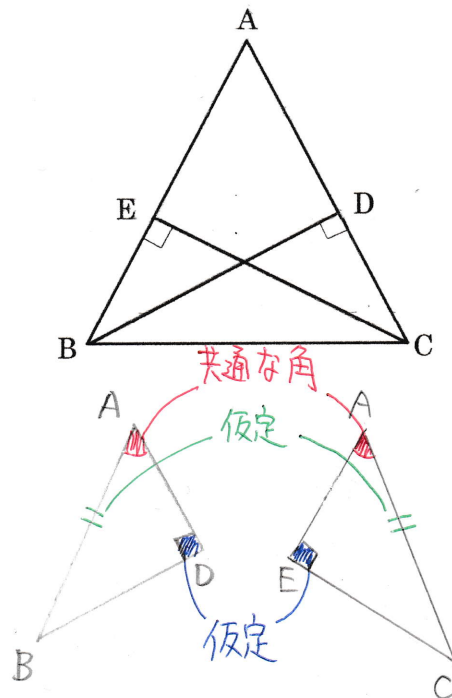
共通な角より $\angle BAD = \angle CAE \dots ③$

①②③より直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいので、

$\triangle ABD \equiv \triangle ACE$

合同な図形の対応する辺の長さは等しいので、

$AD=AE$



例2 右の図の $\triangle ABC$ で、点 M は辺 BC の中点です。

M から辺 AB 、 AC に垂線をひき、その交点をそれぞれ D 、 E とします。このとき、 $BD=CE$ ならば、 $\triangle ABC$ は二等辺三角形であることを証明しなさい。

$\triangle BDM$ と $\triangle CEM$ において、

仮定より $BM=CM \dots ①$

$BD=CE \dots ②$

$\angle BDM = \angle CEM = 90^\circ \dots ③$

①②③より直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しいので、

$\triangle BDM \equiv \triangle CEM$

合同な図形の対応する角の大きさは等しいので、

$\angle DBM = \angle ECM$

よって、2つの角が等しいので、 $\triangle ABC$ は二等辺三角形である。

