

中2～第10回式による説明④（カレンダー問題）～

氏名： 解答・解説

例題 次の図は、ある月のカレンダーです。

日	月	火	水	木	金	土
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

A

- (1) 枠Aのように、縦に並んだ3つの数の和は、いつでも真ん中の数の3倍になることを説明しなさい。

n を整数とすると。

枠Aのように縦に並んだ3つの数は、

$n, n+7, n+14$ と表せる。

だから、枠Aのように、縦に並んだ3つの数の和は、

$$\begin{aligned} & n + (n+7) + (n+14) \\ &= n + n + 7 + n + 14 \\ &= 3n + 21 \\ &= 3(n+7) \end{aligned}$$

$n+7$ は真ん中の数なので、 $3(n+7)$ は真ん中の数の3倍である。
よって、枠Aのように、縦に並んだ3つの数の和は、いつでも真ん中の数の3倍になる。

- (2) 枠Bのように囲まれた5つの数の和は、いつでも5の倍数になることを説明しなさい。

n を整数とすると。

枠Bのように囲まれた5つの数は、

$n, n+6, n+7, n+8, n+14$ と表せる。

だから、枠Bのように囲まれた5つの数の和は、

$$\begin{aligned} & n + (n+6) + (n+7) + (n+8) + (n+14) \\ &= n + n + 6 + n + 7 + n + 8 + n + 14 \\ &= 5n + 35 \\ &= 5(n+7) \end{aligned}$$

$n+7$ は整数なので、 $5(n+7)$ は5の倍数になる。
よって枠Bのように囲まれた5つの数の和は、いつでも5の倍数になる。